

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Щёкина Вера Викторьевна
Должность: Ректор
Дата подписания: 07.11.2022 08:07:12
Уникальный программный ключ:
a2232a55157e576531a899901190892af53989440420536fb0573a454657789



**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Благовещенский государственный педагогический университет»
ОСНОВНАЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ПРОГРАММА
Рабочая программа дисциплины**

УТВЕРЖДАЮ
**И.о. декана физико-математического
факультета ФГБОУ ВО «БГПУ»**

**О.А. Днепровская
«22» мая 2019 г.**

Рабочая программа дисциплины

ЗАДАЧИ С ПАРАМЕТРАМИ

**Направление подготовки
44.03.01 ПЕДАГОГИЧЕСКОЕ ОБРАЗОВАНИЕ**

**Профиль
«МАТЕМАТИКА»**

**Уровень высшего образования
БАКАЛАВРИАТ**

**Принята на заседании кафедры
физического и математического
образования
(протокол № 9 от «15» мая 2019 г.)**

Благовещенск 2019

СОДЕРЖАНИЕ

1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА	3
2 УЧЕБНО-ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ	4
3 СОДЕРЖАНИЕ ТЕМ (РАЗДЕЛОВ)	4
4 МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ (УКАЗАНИЯ) ДЛЯ СТУДЕНТОВ ПО ИЗУЧЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ.....	5
5 ПРАКТИКУМ ПО ДИСЦИПЛИНЕ	9
6 ДИДАКТИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ КОНТРОЛЯ (САМОКОНТРОЛЯ) УСВОЕННОГО МАТЕРИАЛА.....	16
7 ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ В ПРОЦЕССЕ ОБУЧЕНИЯ.....	19
8 ОСОБЕННОСТИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ИНВАЛИДАМИ И ЛИЦАМИ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ	19
9 СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ И ИНФОРМАЦИОННЫХ РЕСУРСОВ	19
10 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА	21
11 ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ И ДОПОЛНЕНИЙ.....	22

1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

1.1 Цель дисциплины: формирование и углубление систематических знаний в области математического анализа, связанной с курсом математики средней общеобразовательной школы, изучение приложений основ математического анализа при решении задач повышенной трудности.

1.2 Место дисциплины в структуре ООП: Дисциплина «Задачи с параметрами» относится к дисциплинам части, формируемой участниками образовательных отношений блока Б.1. В.05.

1.3 Дисциплина направлена на формирование следующих компетенций: УК-1, ПК-2, ОПК-8:

УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач, **индикаторами** достижения которой является:

- УК-1.3 Аргументированно формирует собственное суждение и оценку информации, принимает обоснованное решение.

ПК-2. Способен осуществлять педагогическую деятельность по профильным предметам (дисциплинам, модулям) в рамках программ основного общего и среднего общего образования; **индикаторами** достижения которой является:

- ПК-2.2 Владеет основными положениями классических разделов математической науки, системой основных математических структур и методов.

ОПК-8. Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний, **индикаторами** достижения которой является:

• ОПК-8.3 Демонстрирует специальные научные знания в т.ч. в предметной области

1.4 Перечень планируемых результатов обучения. В результате изучения дисциплины студент должен

знать:

- графики основных элементарных функций; линейные и модульные преобразования графиков функций; методы сложения и умножения графиков функций;
- алгоритмы: поиска области определения функции, нулей функции и промежутков знакопостоянства в случаях явного и параметрического заданий, исследования непрерывности функции в случаях явного и параметрического заданий, поиска критических точек, точек, подозрительных на экстремум, точек экстремума в случаях явного и параметрического заданий, поиска интервалов монотонности функции, интервалов выпуклостей графика функции в случаях явного задания;
- формулы для составления асимптот графика функции
- план проведения полного исследования функции и построения графика;
- формулы сокращенного умножения, свойства функций, методы исследования свойств функций (в том числе с помощью производной) и построения их графиков, уравнение прямой, кривые второго порядка на плоскости, формулы вычисления расстояния между прямыми, точками, уравнение касательной и нормали, методы решения уравнений и неравенств;

уметь:

- используя графики основных элементарных функций, линейные, модульные преобразования графиков, методы сложения и умножения графиков функций, построить график предложенной функции;
- построить график функции, проведя полное исследование в случаях явного и параметрического заданий функции;
- с помощью логических операций, используя все возможные математические знания и умения, решить задачу с параметром;

1.5 Общая трудоемкость дисциплины «Задачи с параметрами» составляет 3 зачетные единицы (далее – ЗЕ) (108 часов).

Программа предусматривает изучение материала на лекциях и практических занятиях. Предусмотрена самостоятельная работа студентов по темам и разделам. Проверка знаний осуществляется фронтально, индивидуально.

1.6 Объем дисциплины и виды учебной деятельности

Объем дисциплины и виды учебной деятельности (заочная форма обучения)

Вид учебной работы	Всего часов	Семестр 10
Общая трудоемкость	108	108
Аудиторные занятия	16	16
Лекции	6	6
Лабораторные работы		
Практические занятия	10	10
Самостоятельная работа	88	88

2 УЧЕБНО-ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

2.1 Заочная форма обучения

Учебно-тематический план

№	Наименование тем (разделов)	Всего часов	Аудиторные занятия		Самостоятельная работа
			Лекции	Практические занятия	
1.	Методы построения графиков функций	24	2	4	18
2.	Задачи с параметром	80	4	6	70
зачет		4			
ИТОГО		108	6	10	88

Интерактивное обучение по дисциплине

№	Наименование тем (разделов)	Вид занятия	Форма интерактивного занятия	Кол-во часов
1.	Методы построения графиков функций	Практическое занятие	Работа по группам	2
2.	Задачи с параметром	Практическое занятие	Работа по группам	4
ИТОГО				6

3 СОДЕРЖАНИЕ ТЕМ (РАЗДЕЛОВ)

1. Методы построения графиков.

Модуль, его свойства. Понятие функции. Свойства функций. Основные элементарные функции. Линейные и модельные преобразования графиков. Сложная функция. Методы «сложения» и «умножения» графиков. Непрерывность функций в точке и на множестве. Свойства функций непрерывных на отрезке Точки разрыва функций.

2. Задачи с параметром.

Аналитические и графические методы решения задач с параметрами. Решение задач с параметром, с использованием свойств функций, в том числе и квадратичной функции. Применение производной при решении задач с параметром. Метод поиска необходимых условий. Решение задач с параметром, предложенных в ЕГЭ.

4 МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ (УКАЗАНИЯ) ДЛЯ СТУДЕНТОВ ПО ИЗУЧЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1 Общие методические рекомендации

Данные рекомендации предназначены для студентов физико-математического факультета направления подготовки бакалавра «44.03.01 Педагогическое образование» профиль «Математика».

Процесс обучения указанной дисциплине преследует следующие цели:

- систематизировать и обобщить знания по теме «Методы построения графиков функций»,
- продолжить формирование умений и навыков строить графики функций различными способами,
- познакомить студентов с основными типами задач с параметром, их методами решения,
- продолжить формирование умений решать задачи с параметром и грамотно оформлять решение,
- в комплексе с другими математическими дисциплинами продолжить развитие математической культуры логических рассуждений и правильной устной и письменной математической речи.

В результате изучения дисциплины студент **должен иметь представление** о месте и роли задач с параметром в школьном курсе математики, в материалах ЕГЭ; **должен знать** основные понятия, относящиеся к этому разделу математики, методы решения задач с параметром; **должен уметь** решать задачи с параметром, предлагаемые в ЕГЭ.

4.2 Методические рекомендации по подготовке к лекциям

Теоретический материал курса представлен планом лекционных занятий с указанием вопросов, рассматриваемых на каждой лекции.

План лекций для заочного обучения

Тема	Часы	Литература	Самостоятельная работа
Тема 1. Методы построения графиков функций Правила линейных и модульных преобразований графиков функций. Методы «сложения» и «умножения» графиков функций.	2	[12], [18], [19]; [1] стр. 139 – 144, 154 – 199; [4] стр. 73 – 146; [9] стр. 136 – 343, 359 – 370, 400 – 423; [10] стр. 149 – 183; [11] стр. 4 – 57; [15] стр. 111 – 119, 130 – 140, 148 – 233; [24] стр. 146 – 263, 314 – 340.	1. Определение функции. 2. Свойства функций: области определения, промежутки знакопостоянства, четность, нечетность, периодичность, монотонность, выпуклость или вогнутость графика функции, график функции. 3. Оформить в таблицу основные элементарные функции и их свойства. 4. Функции специального вида: $y = x $, $y = \operatorname{sgn} x$, $y = [x]$, $y = \{x\}$, $y = D(x)$. 5. Решение задач с применением линейных и модульных преобразований графиков, методов «сложения» и «умножения» графиков. 6. Повторить дифференциальное ис-

			числение функции одной переменной: понятие производной, правила дифференцирования функций, производные основных элементарных функций, свойства дифференцируемых функций (теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши), план полного исследования функции и построения графика.
Тема 2. Задачи с параметром Свойства функций, их применение при решении задач с параметром. Применение свойств квадратичной функции. Примеры решения задач с использованием свойств функций и производной функции. Примеры решения задач с параметром различными способами.	4	[3], [14]; журналы «Математика в школе», «Математика для школьников»	<p>1. Что такое задача с параметром?</p> <p>2. Методы решения задач с параметрами: аналитические, графические, аналитико – графические.</p> <p>Аналитические способы решения задач с параметрами:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Параметр и поиск решений уравнений, неравенств и их систем («ветвление»); • Параметр и количество решений уравнений, неравенств и их систем; • Параметр и свойства решений уравнений, неравенств и их систем; • Параметр как равноправная переменная. <p>Примеры решения задач с параметрами каждым способом.</p> <p>3. Графические способы решения задач с параметрами: параллельный перенос, поворот, гомотетия и др.</p> <p>Примеры решения задач.</p> <p>4. Свойства функций.</p> <p>5. Свойства квадратичной функции.</p> <p>6. Применение производной при решении задач с параметром.</p> <p>6. Решение задач с параметром из вариантов ОГЭ и ЕГЭ.</p>
ВСЕГО:	6		

4.3. Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям

Учебно-методические материалы по подготовке практических занятий содержат планы проведения занятий с указанием последовательности рассматриваемых тем, задания для решения в группе и задания для самостоятельной работы.

В рабочей программе представлен примерный вариант контрольных и самостоятельных работ, которые позволяет проверить уровень усвоения изученного материала.

Рабочая программа содержит программу экзамена, которая позволит наиболее эффективно организовать подготовку к нему. При подготовке к занятиям и экзамену студенты могут использовать литературу, приведенную в рабочей программе.

Подготовку к экзамену наиболее рационально осуществлять путем повторения и систематизации курса с помощью кратких конспектов, включающий теоретический материал и примеры решения задач. При работе с теоретическим материалом студент должен

уяснить наиболее важные идеи каждой темы, уметь пользоваться основными понятиями и утверждениями (знать их формулировки, демонстрировать их использование в примерах, понимать условия применения и т.д.). Как правило, каждая тема, изученная в рамках курса, содержит ряд основных задач, приемами и методами решения которых должен владеть студент.

Изучать материал рекомендуется по плану, представленному в плане лекций (см. выше). После изучения теоретических основ каждой темы рекомендуется выполнить задания из практического занятия.

4.4. Методические указания к самостоятельной работе студентов

Для успешного усвоения дисциплины необходима правильная организация самостоятельной работы студентов. Эта работа должна содержать:

- регулярную (еженедельную) проработку теоретического материала по конспектам лекций и рекомендованной литературе;
- регулярную (еженедельную) подготовку к практическим занятиям, в том числе выполнение домашних заданий;
- подготовка к контрольной работе и ее успешное выполнение.

В качестве образца решения задач следует брать те решения, которые приводились преподавателем на лекциях или выполнялись на практических занятиях. При появлении каких-либо вопросов следует обращаться к преподавателю в часы его консультаций. Критерием качества усвоения знаний могут служить аттестационные оценки по дисциплине и текущие оценки, выставляемые преподавателем в течение семестра. При подготовке к контрольной работе по определенному разделу дисциплины полезно выписать отдельно все формулы, относящиеся к данному разделу, и все используемые в них обозначения. Также при подготовке к контрольной работе следует просмотреть конспект практических занятий и выделить в практические задания, относящиеся к данному разделу. Если задания на какие – то темы не были разобраны на занятиях (или решения которых оказались не понятыми), следует обратиться к учебной литературе, рекомендованной преподавателем в качестве источника сведений. Полезно при подготовке к контрольной работе самостоятельно решить несколько типичных заданий по соответствующему разделу. В каждом семестре предусматривается проведение одной контрольной работы.

4.5. Методические указания к зачету

Рабочая программа содержит программу зачета, которая позволит наиболее эффективно организовать подготовку к ним. Это процесс, в течение которого проверяются полученные знания по дисциплине: уровень теоретических знаний; развитие творческого мышления; навыки самостоятельной работы; умение синтезировать полученные знания и применять их в решение практических задач.

Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов по дисциплине

Наименование раздела (темы) дисциплины	Формы/виды самостоятельной работы	Количество часов, в соответствии с учебно-тематическим планом	Формы контроля СРС
Тема 1. Методы построения графиков функций	- Повторение тем: 1. Определение функции. 2. Свойства функций: области определения, промежутки знакопостоянства	12	1. Проверка домашних заданий. 2. Выполнение и проверка кон

	<p>янства, четность, нечетность, периодичность, монотонность, выпуклость или вогнутость графика функции, график функции.</p> <p>3. Оформить в таблицу основные элементарные функции и их свойства.</p> <p>4. Функции специального вида: $y = x$, $y = \operatorname{sgn} x$, $y = [x]$, $y = \{x\}$, $y = D(x)$.</p> <p>5. Решение задач с применением линейных и модульных преобразований графиков, методов «сложения» и «умножения» графиков.</p> <p>6. Повторить дифференциальное исчисление функции одной переменной: понятие производной, правила дифференцирования функций, производные основных элементарных функций, свойства дифференцируемых функций (теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши), план полного исследования функции и построения графика.</p> <ul style="list-style-type: none"> - Подготовка к практическому занятию. - Выполнение домашней работы. - Подготовка к контрольной работе «Задачи с параметром» (№ 1, 2, 3) и её выполнение. 		<p>трольной работы «задачи с параметром» (№ 1, 2, 3), выполнение работы над ошибками.</p>
Тема 2. Задачи с параметром	<p>- Изучение тем:</p> <p>1. Что такое задача с параметром?</p> <p>2. Методы решения задач с параметрами: аналитические, графические, аналитико – графические.</p> <p>Аналитические способы решения задач с параметрами:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Параметр и поиск решений уравнений, неравенств и их систем («ветвление»); • Параметр и количество решений уравнений, неравенств и их систем; • Параметр и свойства решений уравнений, неравенств и их систем; • Параметр как равноправная переменная. <p>Примеры решения задач с параметрами каждым способом.</p> <p>3. Графические способы решения</p>	80	<p>1. Проверка домашнего задания.</p> <p>2. Выполнение и проверка контрольной работы «Задачи с параметром» (№ 4, 5, 6, 7, 8, 9), выполнение работы над ошибками.</p>

	задач с параметрами: параллельный перенос, поворот, гомотетия и др. Примеры решения задач. 4. Свойства функций. 5. Свойства квадратичной функции. 6. Применение производной при решении задач с параметром. 6. Решение задач с параметром из вариантов ОГЭ и ЕГЭ. - Подготовка к практическим занятиям. - Выполнение домашних работ. - Подготовка к контрольной работе «Задачи с параметром» (№ 4 – 9), её выполнение.		
Итого		88	

5 ПРАКТИКУМ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

ПРАКТИКУМ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (в условиях заочного обучения)

Тема 1. Методы построения графиков функций

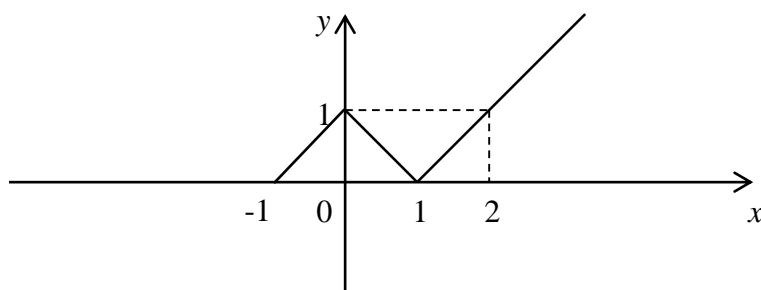
Практическое занятие 1. Линейные и модульные преобразования графиков. Сложная функция. «Сложение» и «умножение» графиков

Цели:

- формирование умений строить графики функций без использования полного исследования.

Содержание: решение задач следующих типов:

1. Задан график функции $y = f(x)$. На этом же чертеже построить графики функций:



a) $y = f(x+a)$, $(x+a) \in D_f$, $\forall a \in \mathbb{R}^*$,

b) $y = f(ax)$, $(xa) \in D_f$, $\forall a \in \mathbb{R}^* \setminus \{1\}$,

б) $y = f(x)+a$, $\forall a \in \mathbb{R}^*$,

г) $y = af(x)$, $\forall a \in \mathbb{R}^* \setminus \{1\}$,

если а) $a = \frac{1}{2}$, б) $a = -2$.

2. Построить график функции $y = -3f(1-2x)$, $y = -3f(1-2x)+1$, если f – функция из задания 1.

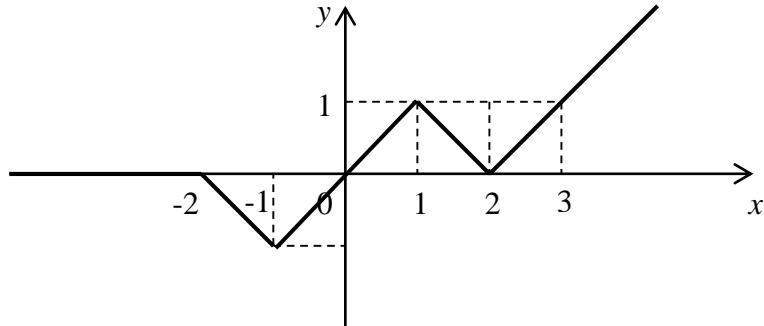
3. С помощью линейных преобразований графиков построить графики следующих функций:

a) дробно-рациональной функции $y = \frac{x+3}{x+1}$, б) тригонометрической функции

$$y = 1 - 2 \operatorname{ctg} \frac{x-\pi}{4},$$

в) показательной функции $y = 3e^{1-x} - 1$.

4. Задан график функции $y = f(x)$. На этом же чертеже построить кривые



а) $y = f(|x|)$ (первое модульное преобразование). Определить является ли функция четной, нечетной, функцией общего вида.

б) $y = |f(x)|$ (второе модульное преобразование).

в) $|y| = f(x)$ (третье модульное преобразование). Почему эта кривая не является графиком какой-либо функции?

5. Используя модульные и линейные преобразования графиков, построить кривые

$$\text{а) } y = x^2 - 2|x| - 3, \quad \text{б) } y = |(x+1)^2 - 1|, \quad \text{в) } |y| = |1 - |x||, \quad \text{г) } y = -3 \ln \left| \frac{|x|+1}{2} \right|.$$

6. Найти сложную функцию $(g \circ f)(x)$, затем сложную функцию $(f \circ g)(x)$, если

$$\text{1) } f(x) = \frac{1}{x-1}, \quad g(x) = x^2; \quad \text{2) } f(x) = \sqrt{x}, \quad g(x) = x^2;$$

$$\text{3) } f(x) = g(x) = \sqrt{1-x^2}; \quad \text{4) } f(x) = 10^x, \quad g(x) = \lg x.$$

На одном чертеже изобразить графики функций $(g \circ f)(x)$, $(f \circ g)(x)$.

7. Определить сложную функцию $g(x) = (f \circ f)(x)$ и $h(x) = (f \circ f \circ f)(x)$, если

$$\text{а) } f(x) = \frac{x-1}{x+1}, \quad \text{б) } f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+1}}.$$

Используя модульные преобразования графиков, построить графики $y = h(|x|)$, $y = |h(x)|$.

8. Написать формулы, задающие композиции:

$$\text{1) } w \circ y \circ v \circ z \circ u, \quad \text{2) } y \circ v \circ z \circ u \circ w, \text{ если } u = \sin x, \quad v = \log_2 x, \quad w = 1+x, \quad y = \frac{1}{x}.$$

Найти область определения каждой сложной функции.

9. Методом «сложения» графиков построить эскиз графиков функций:

$$\text{1) } y = x + \operatorname{arctg} x, \quad \text{2) } y = x + \frac{1}{x}, \quad \text{3) } y = x^3 + \frac{1}{2}x, \quad \text{4) } y = x^2 - \frac{1}{x^2},$$

$$\text{5) } y = \sqrt{4-x^2} - x^2, \quad \text{6) } \operatorname{ch} x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}, \quad \text{7) } \operatorname{sh} x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}.$$

10. В одной системе координат построить графики функций $f(x)$ и $\frac{1}{f(x)}$:

$$\text{1) } f(x) = 3x - 2, \quad \text{2) } f(x) = x^2 + 1, \quad \text{3) } f(x) = x^2 - 1, \quad \text{4) } f(x) = \frac{2-x}{2+x}.$$

11. Методом «умножения» графиков построить эскиз графиков функций:

$$1) \ y = \frac{\cos x}{x^2 + 1}, \quad 2) \ y = x^2 \cdot \operatorname{sign} x, \quad 3) \ y = \frac{\ln|x|}{x^2 - 1}.$$

12. Выяснить являются ли функции $f(x)$ и $g(x)$ взаимно обратными:

$$1) \ f(x) = \frac{x}{x+1}, \ g(x) = \frac{x}{x-1}; \quad 2) \ f(x) = \sqrt[3]{1-x^3}, \ g(x) = \sqrt[3]{1-x^3},$$

$$3) \ f(x) = \frac{x+1}{x-1}, \ g(x) = \frac{x+1}{x-1}; \quad 4) \ f(x) = 1 + \sqrt{x}, \ g(x) = (x-1)^2,$$

Построить их графики.

13. Работа по группам: построить графики функций, применяя линейные и модульные преобразования графиков.

Домашнее задание:

Задача 1. Используя линейные и модульные преобразования графиков, построить графики:

$$a) \ y = \frac{x+1}{x-1}, \ b) \ h(x) = \frac{2x+3}{3x-1}, \ c) \ g(x) = \sin(2x+\pi), \ d) \ p(x) = -\cos \frac{x}{3} + 2,$$

$$d) \ y = \left| \frac{1}{2} \arcsin \frac{1-x}{2} \right|.$$

Задача 2. Если $f(x) = \begin{cases} -1, & x \geq 2, \\ 1-x, & 0 < x < 2, \\ \cos x, & x \leq 0, \end{cases}$ построить графики следующих функций:

$$g = f\left(x - \frac{\pi}{2}\right), \ h = 3f\left(x - \frac{\pi}{2}\right), \ p = 1 - f(x), \ q = f\left(2x + \frac{\pi}{2}\right).$$

Задача 3. Написать формулы, задающие композиции:

$$1) \ u \circ v \circ w \circ y \circ z, \quad 2) \ z \circ y \circ w \circ v \circ u, \text{ если } u = \sin x, \ v = \log_2 x, \ w = 1+x, \ y = \frac{1}{x}, \ z = \sqrt{x}.$$

Найти область определения каждой сложной функции.

Задача 4. [12] № 331, 333, 342, 344.

Практическое занятие 2. Применение производной к исследованию функций и построение графиков

Цели:

- формирование умений проводить полное исследование функций, заданных явно и параметрически, строить графики или кривые.

Содержание: провести полное исследование функций и построить их графики или кривые:

$$1. \ y = (x+1) \cdot \left(\frac{x-1}{x-2}\right)^2, \quad 2. \ y = \frac{4+x-2x^2}{(x-2)^2}, \quad 3. \ y = \frac{x^4}{x^3+2}, \quad 4. \ y = \sqrt{\frac{x^2}{3} - \frac{2}{3x}},$$

$$5. \ y = x \cdot \sqrt{|x^2 - 1|}, \quad 6. \ y = \frac{\sqrt{1+|x-2|}}{1+|x|}, \quad 7. \ y = \sqrt[3]{x^2 \cdot |2-x|}, \quad 8. \ y = \frac{1}{\sin x + \cos x},$$

$$9. \ y = \sin x \cdot \cos 2x, \quad 10. \ y = \frac{\cos 2x}{\cos x}, \quad 11. \ y = \ln \sin x, \quad 12. \ y = \cos x - \ln \cos x,$$

$$13. \ y = \arcsin \ln(x^2 + 1), \quad 14. \ y = \left(a + \frac{x^2}{a}\right) \cdot e^{\frac{x}{a}}, \quad 15. \ y = e^{8x-x^2-14}, \quad 16. \ y = e^{\frac{1-x}{1+x}}.$$

Работа в группах: построение графиков, доклад у доски.

Домашнее задание:

I. Провести полное исследование функций и построить их графики или кривые:

$$\begin{array}{lll}
1. \ y = x^3 - 2x^2, & 2. \ y = (x+2)^2 \cdot (x-1)^2, & 3. \ y = \frac{x^2 - 2x + 2}{x-1}, \\
5. \ y = \sqrt[3]{(x+4)^2} - \sqrt[3]{(x-4)^2}, & 6. \ y = \frac{x+2}{\sqrt{x^2 + 2}}, & 7. \ y = \frac{x^2 \cdot \sqrt{x^2 - 1}}{2x^2 - 1}, \\
8. \ y = \sin x + \cos x, & 9. \ y = \sin^3 x + \cos^3 x, & 10. \ y = \frac{1}{\operatorname{arcctg} x}, \\
12. \ y = \arccos \frac{1-x^2}{1+x^2}, & 13. \ y = \begin{cases} x \cdot \operatorname{arctg} \frac{1}{x}, & x \neq 0, \\ 0, & x = 0, \end{cases} & 14. \ y = e^{\arcsin \sqrt{x}}.
\end{array}$$

II. [12] № 917, 918, 922, 926, 928, 933, 935, 936, 939, 941, 943; 960, 961, 964, 966, 968, 970, 977, 981, 984; 946, 949, 952, 954, 957.

Тема 2. Задачи с параметром

Практическое занятие 3. Задачи с параметром: аналитический способ решения

Цели:

- формирование умений решать задачи с параметром, используя свойства функций.

Содержание: решение задач:

1. Решить уравнение, неравенство, систему уравнений или неравенств:

$$1) \frac{3^x + 5}{3^x - 3} + \frac{3^x - 7}{3^x + 1} = \frac{2b}{9^x - 2 \cdot 3^x - 3}, \quad 2) (a-2) \cdot \left(\frac{5}{3} \cdot 2^{2x} \cdot a + 1 \right) = 2 \cdot \sqrt{(a-2)^2 \cdot (1 - 4^x \cdot a)},$$

$$3) \frac{1 - 2 \sin^2 x}{1 + \sin 2x} = (a-1) \cdot \operatorname{tg} x, \quad 4) \begin{cases} \lg(x+y) = \lg x + \lg y, \\ \lg(x+ay) = \lg x + 2 \lg y, \end{cases}$$

$$5) \log_a \sqrt{3,5x - 1,5} \cdot \log_x a < 1.$$

2. В зависимости от значений параметра a найти число корней уравнения

$$x + \sqrt{x + \frac{1}{2} + \sqrt{x + \frac{1}{4}}} = a.$$

3. При каких значениях параметра a промежуток $[0; a]$ содержит не менее трёх корней уравнения $2 \cos 2x - |1 + 2 \sin x| = 1$?

4. При каких значениях параметра a уравнение $25^x - (a-4) \cdot 5^x - 2a^2 + 10a - 12 = 0$ не имеет действительных корней?

5. Найти все значения c , при которых система $\begin{cases} (\operatorname{ctg} x + \sqrt{3}) \cdot (x+c) = 0, \\ 2 \leq x < 4 \end{cases}$ имеет только одно решение.

6. В интервале $(0; 1)$ найти подмножество тех x , для которых справедливо неравенство:

$$\left(\frac{1}{81} \right)^{8+\log_a x} > \left(\frac{1}{3} \right)^{\log_a^2 x}.$$

7. При каких значениях параметров a и b множество решений неравенства $\sqrt{x-a} > \sqrt{2x-b}$ совпадает с промежутком $[1; 5]$?

8. При каких действительных значениях параметра a из того, что x является корнем уравнения $4x^2 - 2(4a-1)x + 3(a+2)(a-1) = 0$ следует, что x не является решением уравнения $|x-a| + |x-3a| = 2|a|$?

9. Найти значения параметра a , при которых уравнения $\sin x = 2 \sin^2 x$ и $\sin 3x = (a+1)\sin x - 2(a-1)\sin^2 x$ равносильны.

10. При каких действительных значениях параметра a множества решений уравнений $4\cos^2 x = a^2 - 6$ и $1 - \cos 2x = \frac{a}{6}$ совпадают?

Работа по группам: решение задач по группам.

Домашнее задание:

1. Решить уравнение, неравенство, систему уравнений или неравенств:

$$1) \frac{2^x + 3}{2^x - 2} + \frac{2^x + 7}{2^x - 4} = \frac{4a}{4^x - 6 \cdot 2^x + 8}, \quad 2) m \cdot (\sin^2 x - 5 \cos^2 x) = \cos x \cdot \sqrt{3m^2 + 5m^2 \tan^2 x},$$

$$3) -\frac{3}{5} < a \ln x + (a \ln x)^2 + \dots + (a \ln x)^n + \dots < 1, \quad 4) \begin{cases} y \cdot \sqrt{x^2 + y^2} - 2ay - 3 = 0, \\ x \cdot \sqrt{x^2 + y^2} = 2ax. \end{cases}$$

2. В зависимости от значений параметра a найти число корней уравнения

$$x + \sqrt{x + \frac{1}{2}} + \sqrt{x + \frac{1}{4}} = a.$$

3. При каких значениях параметра a промежуток $[0; a]$ содержит не менее трёх корней уравнения $2\cos 2x - |1 + 2\sin x| = 1$?

4. При каких значениях параметра a уравнение $25^x - (a-4) \cdot 5^x - 2a^2 + 10a - 12 = 0$ не имеет действительных корней?

5. Найти все значения c , при которых система $\begin{cases} (\operatorname{ctg} x + \sqrt{3}) \cdot (x + c) = 0, \\ 2 \leq x < 4 \end{cases}$ имеет только одно решение.

6. При каких значениях параметра a уравнения $\log_{\sqrt{2ax+4}}(2x^2 - x + 3) = 2 \log_{2ax+4}(x^2 + 2x + 1)$ имеет единственное решение?

7. Определить число корней уравнения $\frac{a \sin x - 2}{a - 2 \cos x} = \frac{a \cos x - 2}{a - 2 \sin x}$ на отрезке $[20\pi; 29\pi]$.

8. При каких значениях параметра a уравнение $\left| \frac{(a-1)x - (2a-1)}{x-1} \right| + \left| x - |1-a| + \frac{1}{2} \right| = 0$ имеет лишь положительные решения?

9. Найти все значения параметра a , при которых всякое решение неравенства $\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{2(x-1)^2}} \leq \left(\frac{1}{4}\right)^{\frac{1}{(3-x)^2}}$ входит в область определения функции $f(x) = \lg(9 - 16a^4 x^2)$.

Практическое занятие 4. Применение свойств квадратичной функции и производной при решении задач с параметром

Цели:

- формирование умений решать задачи с параметром, используя свойства функций.

Содержание: решение задач:

1. Найти все значения параметра a , при каждом из которых квадратичная функция

$$f(x) = (\sin a) \cdot x^2 + (2 \cos a) \cdot x + \frac{\cos a + \sin a}{2}$$

является квадратом линейной функции?

2. На координатной плоскости изобразить множество пар $(a; b)$, для каждой из которых уравнение $(x^2 + 2x + (a-b)^2) \cdot (x^2 - 2x + (2b-a)^2) = 0$ не имеет действительных корней.

3. Найти все пары значений a и b , для которых система

$$\begin{cases} x^2 - y^2 + a \cdot (x + y) = x - y + a, \\ x^2 + y^2 + bxy - 1 = 0 \end{cases}$$

имеет не менее пяти решений $(x; y)$.

4. При каких значениях параметра a наименьшее значение функции $f(x) = 4^x - 2^{3+x} \cdot a + 7a^2$ на отрезке $[-2; 0]$ отрицательно?

5. Найти точку с наибольшей ординатой, удовлетворяющую системе неравенств

$$\begin{cases} y - 2x \geq 0, \\ -x^2 + 2ax - a^2 + a + 1 - y \geq 0. \end{cases}$$

6. При каких значениях параметра a сумма квадратов корней уравнения

$$x^2 + x \cdot \sqrt{6 - a - a^2} - (7a + 1) = 0$$

принимает наибольшее значение?

7. На координатной плоскости $(p; q)$ найти множество точек, для которых уравнение $x^2 - 2px + q = 0$ имеет два таких вещественных корня x_1, x_2 , что $x_1^2 + x_2^2 = 2$.

Применение производной при решении задач с параметром

8. При каких значениях параметра k касательная к графику функции $f(x) = kx^2$ образует с осью Ox угол, равный $\frac{\pi}{3}$, и отсекает от четвёртой четверти треугольник, площадь которого равна $\frac{8\sqrt{3}}{3}$.

9. Найти критические точки функции $f(x) = (2x - 1) \cdot \sqrt[4]{x - a}$.

10. При каких значениях параметров a и b функция $f(x) = ae^{2x} + be^{-x}$ не имеет экстремумов?

11. Найти все положительные значения параметра a , для которых функция $f(x) = 2^{\frac{a(x+1)}{a^2+3a-x}}$ монотонно возрастает на промежутке $[1; 4)$.

12. Найти неотрицательные значения параметра a , при которых система

$$\begin{cases} \sin x \cdot \cos y = a^3 - a^2 - 6a + \frac{35}{4}, \\ \cos x \cdot \sin y = a^2 - 6a + \frac{33}{4} \end{cases}$$

имеет решения. Найти эти решения.

Работа по группам: решение задач по группам.

Домашнее задание: решить задачи:

1. Найти все целые значения параметра a , при которых неравенство $\left(\frac{1}{2}\right)^{x^2-(5a-6)x+4a^2} \leq 1$ выполняется при любом действительном значении x .

2. Найти все значения параметра a , при которых вершины двух парабол

$$f(x) = 4x^2 + 8ax - a \text{ и } g(x) = 4ax^2 - 8x + a - 2$$

лежат по одну сторону от прямой $y = -5$.

3. При каких действительных значениях параметра a уравнение $(a+1) \cdot 2^{2x} + 2^x + 3 - a = 0$ имеет единственное решение?

4. На координатной плоскости рассматривается множество M , всех точек, координаты $(a; b)$ которых удовлетворяют условиям $-3 < a < 0$, $0 < b < 9$ и таковы, что уравнение $(b+2a) \cdot x^4 + (b+7a) \cdot x^2 + (b-a) = 0$ имеет четыре различных корня.

- a) Принадлежит ли точка $N(-2; 3)$ множеству M ?
- б) Найти площадь многоугольника, внутренней областью которого является множество M .
5. Найти все значения параметра a , при которых на графике функции $f(x) = ax^3 + (a-1)x^2$ существует единственная точка с отрицательной абсциссой, касательная к которой параллельна прямой $y = 2x$.
6. При каких значениях параметра a функция $f(x) = x^3 + 3(a-7)x^2 + 3(a^2 - 9)x + 1$ имеет положительную точку максимумов?

7. При каких значениях параметров a и b значения функции $f(x) = \frac{ax^2 + bx + 1}{x^2 + bx + a}$ не зависят от x ?

8. Найти наибольшее значение функции $f(x) = x^4 - 2ax^2 + 3a^2$ на отрезке $[-2; 1]$ в зависимости от значений параметра a .

Практическое занятие 5. Решение задач с параметром, предложенных в ЕГЭ

Цели:

- формирование умений решать задачи с параметром, используя свойства функций.

Содержание: решение задач:

- Найти все значения параметра a , при каждом из которых функция $f(x) = x^2 - 3|x - a^2| - 5x$ имеет более двух точек экстремума.
- Найти все значения параметра a , при каждом из которых функция $f(x) = x^2 - 4|x - a^2| - 8x$ имеет хотя бы одну точку максимума.
- Найти все значения параметра a , при каждом из которых наименьшее значение функции $f(x) = 2ax + |x^2 - 4x + 3|$ больше 1.
- Найти все значения параметра a , при каждом из которых наименьшее значение функции $f(x) = 2ax + |x^2 - 8x + 12|$ больше 1.
- Найти все значения параметра a , при каждом из которых система неравенств

$$\begin{cases} \sqrt{(x-2a)^2 + (y-a)^2} \leq \frac{|a|}{6\sqrt{5}}, \\ x - 2y \geq 1 \end{cases}$$

имеет решения.

6. Найти наименьшее целочисленное значение параметра a , при котором система неравенств $\begin{cases} \sqrt{(11-x-3a)^2 + (y-4a+4)^2} \leq \frac{|a-1|}{5}, \\ 4x+3y \leq -12 \end{cases}$ не имеет решений.

7. Найти все значения параметра a , при каждом из которых система неравенств

$$\begin{cases} (x+1-2a)^2 + (y+2a-1)^2 \leq (2a+1)^2, \\ (x+1+4a)^2 + (y-6a-1)^2 \leq (9a-6)^2 \end{cases}$$

имеет хотя бы одно решение.

8. Найти все значения параметра a , при каждом из которых уравнение

$$x^2 + (a+4)^2 = |x+a+4| + |x-a-4|$$

имеет единственный корень.

9. Найти все значения параметра a , при каждом из которых система неравенств

$$\begin{cases} a(x^4 + 1) = y + 2 - |x|, \\ x^2 + y^2 = 4 \end{cases}$$

имеет единственное решение.

Урок соревнование между микрогруппами.

Домашнее задание: решить задачи 1.1 – 1.15, 2.1 – 2.31 стр. 9 – 20 [Математика в школе № 4, 2013 г.]; решить задачи № 4, 5, 6, 7, 8, 9 из домашней контрольной работы «Задачи с параметром», сдать на практическом занятии № 5

6 ДИДАКТИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ КОНТРОЛЯ (САМОКОНТРОЛЯ) УСВОЕННОГО МАТЕРИАЛА

6.1 Оценочные средства, показатели и критерии оценивания компетенций

Индекс компетенции	Оценочное средство	Показатели оценивания	Критерии оценивания сформированности компетенций
УК-1, ПК-2, ОПК-8	Домашняя контрольная работа «Задачи с параметром»	Низкий (неудовлетворительно)	Самостоятельная работа не засчитывается, если студент: 1) допустил число ошибок и недочетов, превосходящее норму, при которой может быть достигнут пороговый показатель; 2) или если правильно выполнил менее половины работы.
		Пороговый (удовлетворительно)	Студент правильно выполнил не менее половины работы или допустил: 1) не более двух грубых ошибок; 2) или не более одной грубой и одной негрубой ошибки и одного недочета; 3) или не более двух-трех негрубых ошибок; 4) или одной негрубой ошибки и трех недочетов; 5) или при отсутствии ошибок, но при наличии четырех-пяти недочетов.
		Базовый (хорошо)	Студент выполнил работу полностью, но допустил в ней: 1) не более одной негрубой ошибки и одного недочета; 2) или не более двух недочетов.
		Высокий (отлично)	Студент 1) выполнил работу без ошибок и недочетов; 2) допустил не более одного недочета.

6.2 Промежуточная аттестация студентов по дисциплине

Промежуточная аттестация является проверкой всех знаний, навыков и умений студентов, приобретённых в процессе изучения дисциплины. Формой промежуточной аттестации по дисциплине является экзамен.

Для оценивания результатов освоения дисциплины применяется следующие критерии оценивания.

Критерии оценивания устного ответа на практическом занятии, семинаре

Развернутый ответ студента должен представлять собой связное, логически последовательное сообщение на заданную тему, показывать его умение применять определения, правила в конкретных случаях.

Критерии оценивания:

- 1) полноту и правильность ответа;
- 2) степень осознанности, понимания изученного;
- 3) языковое оформление ответа.

Оценка «отлично» ставится, если:

- 1) студент полно излагает материал, дает правильное определение основных понятий;
- 2) обнаруживает понимание материала, может обосновать свои суждения, применить знания на практике, привести необходимые примеры не только из учебника, но и самостоятельно составленные;
- 3) излагает материал последовательно и правильно с точки зрения норм литературного языка.

«хорошо» – студент дает ответ, удовлетворяющий тем же требованиям, что и для отметки «5», но допускает 1–2 ошибки, которые сам же исправляет, и 1–2 недочета в последовательности и языковом оформлении излагаемого.

«удовлетворительно» – студент обнаруживает знание и понимание основных положений данной темы, но:

- 1) излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий или формулировке правил;
- 2) не умеет достаточно глубоко и доказательно обосновать свои суждения и привести свои примеры;
- 3) излагает материал непоследовательно и допускает ошибки в языковом оформлении излагаемого.

Оценка «неудовлетворительно» ставится, если студент обнаруживает незнание большей части соответствующего вопроса, допускает ошибки в формулировке определений и правил, искажающие их смысл, беспорядочно и неуверенно излагает материал. Оценка «2» отмечает такие недостатки в подготовке, которые являются серьезным препятствием к успешному овладению последующим материалом.

Критерии оценивания контрольных работ

Оценка «отлично» ставится, если студент:

1. выполнил работу без ошибок и недочетов;
2. допустил не более одного недочета.

Оценка «хорошо» ставится, если студент выполнил работу полностью, но допустил в ней:

1. не более одной негрубой ошибки и одного недочета;
2. или не более двух недочетов.

Оценка «удовлетворительно» ставится, если студент правильно выполнил не менее половины работы или допустил:

1. не более двух грубых ошибок;
2. или не более одной грубой и одной негрубой ошибки и одного недочета;
3. или не более двух-трех негрубых ошибок;
4. или одной негрубой ошибки и трех недочетов;
5. или при отсутствии ошибок, но при наличии четырех-пяти недочетов.

Оценка «неудовлетворительно» ставится, если студент:

1. допустил число ошибок и недочетов превосходящее норму, при которой может быть выставлена оценка «3»;
2. или если правильно выполнил менее половины работы.

Критерии оценивания устного ответа на зачете

Оценка «зачтено» выставляется студенту, если:

- а) выполнены все контрольные мероприятия из фонда оценочных средств по разделу;
- б) даны полные обоснованные ответы по пяти пунктам билета;

Оценка «не зачтено» выставляется студенту, если:

- а) не выполнены контрольные мероприятия из фонда оценочных средств или
- б) не представлены верные обоснованные ответы на пять пунктов билета.

6.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов освоения дисциплины

Домашняя контрольная работа «Задачи с параметром»

0 вариант

1. Используя линейные и модульные преобразования графиков, построить график функции: $y = -2 \cdot \left| \arcsin \frac{1+x}{-2} \right|$.

2. Используя методы «сложения» и «умножения» графиков, построить график функции: $y = 2x + \cos 2x$.

3. Построить график функции $y = (2+x^2)e^{-x^2}$.

4. Найдите все значения параметра a , при которых уравнение

$$2(ax^2 - 4x)^2 + (a^2 - 2a + 8) \cdot (ax^2 - 4x) - a^2(a - 4) = 0$$

имеет ровно два решения.

5. Найдите все значения параметра a , при каждом из которых уравнение не имеет корней: $27x^6 + (4a - 2x)^3 + 6x^2 + 8a = 4x$.

6. Найдите все значения параметра a , при каждом из которых уравнение

$$(\log_5(x+3) - \log_5(x-3))^2 - 7(\log_5(x+3) - \log_5(x-3)) - 4a^2 - 6a + 10 = 0$$

имеет ровно два решения.

7. Найдите все значения параметра a , для каждого из которых система $\begin{cases} -x^2 + 12x - a \geq 0, \\ x \leq 2 \end{cases}$

выполняется хотя бы при одном значении x .

8. Найдите наименьшее целочисленное значение параметра a , при котором система неравенств не имеет решений: $\begin{cases} \sqrt{(11-x-3a)^2 + (y-4a+4)^2} \leq \frac{|a-1|}{5}, \\ 4x+3y \leq -12. \end{cases}$

9. На координатной плоскости рассматривается множество M , всех точек, координаты $(a; b)$ которых удовлетворяют условиям $-4 < a < 0$, $0 < b < 6$ и таковы, что уравнение $(b+2a) \cdot x^4 + (b+7a) \cdot x^2 + (b-a) = 0$ имеет четыре различных корня. Найти площадь многоугольника, внутренней областью которого является множество M .

Программа зачета

1. Понятие функции. Свойства функций.
2. Сложная функция.
3. Линейные преобразования графиков.

4. Модульные преобразования графиков.
5. Метод «сложения» графиков.
6. Метод «умножения» графиков.
7. Исследование монотонности функции с помощью производной.
8. Исследование монотонности параметрически заданной функции с помощью производной.
9. Экстремумы функции. Экстремумы параметрически заданной функции.
10. Направление выпуклости графика функции. Точки перегиба.
11. Асимптоты графика функции.
12. Полное исследование функции и построение графика.
13. Задачи с параметром.
14. Аналитические методы решения задач с параметром.
15. Графические методы решения задач с параметром.
16. Решение задач с параметрами, используя свойства функций.

7 ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ В ПРОЦЕССЕ ОБУЧЕНИЯ

Информационные технологии – обучение в электронной образовательной среде с целью расширения доступа к образовательным ресурсам, увеличения контактного взаимодействия с преподавателем, построения индивидуальных траекторий подготовки, объективного контроля и мониторинга знаний студентов.

В образовательном процессе по дисциплине используются следующие информационные технологии, являющиеся компонентами Электронной информационно-образовательной среды БГПУ:

- Официальный сайт БГПУ;
- Система электронного обучения ФГБОУ ВО «БГПУ»;
- Мультимедийное сопровождение лекций и практических занятий.

8 ОСОБЕННОСТИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ИНВАЛИДАМИ И ЛИЦАМИ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья применяются адаптивные образовательные технологии в соответствии с условиями, изложенными в раздел «Особенности организации образовательного процесса по образовательным программам для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья» основной образовательной программы (использование специальных учебных пособий и дидактических материалов, специальных технических средств обучения коллективного и индивидуального пользования, предоставление услуг ассистента (помощника), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь и т.п.) с учётом индивидуальных особенностей обучающихся.

9 СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ И ИНФОРМАЦИОННЫХ РЕСУРСОВ

9.1 Литература

1. Баврин, И.И. Высшая математика: учебник для ст-тов пед. вузов / И.И. Баврин. – М.: Академия, – 2004. – 611 с. (45 экз.)
2. Демидович, Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу: учебное пособие для вузов / Б.П. Демидович. – М.: Изд-во АСТ – Астрель. – 2006. – 558 с. (22 экз.)

3. Горнштейн, И.И. Задачи с параметрами. / И.И. Горнштейн и др. – М.: Илекса, Харьков: Гимназия, 2002. – 336 с.
4. Архипов, Г.И. Лекции по математическому анализу: учебник для ст-тов вузов / Г.И. Архипов, В.А. Садовничий, В.Н. Чубариков. – М.: Дрофа, 2003. – 638 с.
5. Баврин, И.И. Высшая математика: учебник для ст-тов вузов / И.И. Баврин, В.Л. Матросов. – М.: Владос, – 2004. – 398 с.
6. Баврин, И.И. Математический анализ: учебник для ст-тов пед. вузов / И.И. Баврин. – М.: Высш. шк., – 2006. – 326 с.
7. Бугров, Я.С. Высшая математика: учебник для ст-тов вузов, обучающихся по инженерно-технич. спец. В 3 т. Т. 2. Дифференциальное и интегральное исчисления. / Я.С. Бугров. – М.: Дрофа. – Высшее образование. – (Современный учебник). – 2004. – 509 с.
8. Вся высшая математика: учебник для ст-тов вузов / М.Л. Краснов, А.И. Киселёв, Г.И. Макаренков и др. Т.2. – М.: УРСС. – 2004. – 187 с.
9. Гусак, А.А. Высшая математика: учебник для ст-тов вузов. В 2 т. / А.А. Гусак. – Минск: ТетраСистемс. – 2004. – Т.1. – 544 с.
10. Данко, П.Е. Высшая математика в упражнениях и задачах: учебное пособие для вузов. – В 2-х ч. Ч. 1. / П.Е. Данко, А.Г. Попов, Т.Я. Кожевникова. – М.: ОНИКС21 век. Изд-во «Мир и образование». – 2005. – 303 с.
11. Дифференциальное исчисление функций одной переменной: учебное пособие / В.В. Ильина [и др.]; М-во образования и науки Российской Федерации, Федеральное агентство по образованию, БГПУ. – Благовещенск: [Изд-во БГПУ]. – 2006. – 93 с.
12. Задачи и упражнения по математическому анализу для втузов: учеб. пос. для ст-тов высш. техн. учеб. заведений / Г.С. Бараненков, Б.П. Демидович, В.А. Ефименко и др.; под ред. Б.П. Демидовича. – М.: АСТ: Астрель, 2006. – 495 с.
13. Ильин, В.А. Математический анализ: учебное пособие. В 2 ч. Ч. 1. / В.А. Ильин, В.А. Садовничий, Бл. Х. Сендов; под ред. А.Н. Тихонова; МГУ им. М.В. Ломоносова. – М.: Проспект: Велби. – 2006. – 660 с.
14. Козько, А.И. Задачи с параметром и другие сложные задачи. / А.И. Козько, В.Г. Чирский. – М.: МЦНМО, 2008. – 376 с.
15. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник. В 2-х т. Т.1. Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды./ Л.Д. Кудрявцев. — М.: ФИЗМАТЛИТ. – 2003. – 400 с.
16. Кудрявцев, Л.Д. Сборник задач по математическому анализу. Т. 1. Предел. Непрерывность. Дифференцируемость: Учеб. пособие. / под ред. Л.Д. Кудрявцева. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2010. – 496 с.
17. Лунгу, К.Н. Сборник задач по высшей математике. 1 курс. / К.Н. Лунгу, В.П. Норин, Д.Т. Письменный, Ю.А. Шевченко, С.Н. Федина – М.: Айрис-пресс. – 2004. – 576 с.
18. Мордкович, А.Г. Алгебра. 8 кл.: в двух частях, Ч.1: учеб. пос. для общеобразовательных учреждений / А.Г. Мордкович, Т.Н. Мишустина, Е.Е. Тульчинская. – М.: Мнемозина, 2003. – 239 с.
19. Мордкович, А.Г. Алгебра. 8 кл.: в двух частях, Ч.2: Задачник для общеобразовательных учреждений / А.Г. Мордкович, Т.Н. Мишустина, Е.Е. Тульчинская. – М.: Мнемозина, 2003. – 239 с.
20. Письменный, Д.Т. Конспект лекций по высшей математике: полный курс. В 2 ч. / Д.Т. Письменный. – М.: Айрис-пресс. – 2005. – 608 с.
21. Журналы: «Математика в школе», «Математика для школьников», «Квант».

9.2 Базы данных и информационно-справочные системы

1. Открытый колледж. Математика - Режим доступа: <https://mathematics.ru/>.
2. Математические этюды. - Режим доступа: <http://www.etudes.ru/>.

3. Федеральный портал «Российское образование» -Режим доступа:
<http://www.edu.ru>.

4. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» - Режим доступа: <http://www.window.edu.ru>.

5. Портал Электронная библиотека: диссертации-Режим доступа:
<http://diss.rsl.ru/?menu=disscatalog>.

6. Портал научной электронной библиотеки-Режим доступа:
<http://elibrary.ru/defaultx.asp>.

7. Сайт Министерства науки и высшего образования РФ. - Режим доступа: <https://minobrnauki.gov.ru>.

8. Сайт Федеральной службы по надзору в сфере образования и науки. - Режим доступа: <http://www.obrnadzor.gov.ru/ru>.

9. Сайт Министерства просвещения РФ. - Режим доступа: <https://edu.gov.ru>.

10. Сайт МЦНМО. – Режим доступа: www.mccme.ru

9.3 Электронно-библиотечные ресурсы

1. ЭБС «Юрайт». – Режим доступа: <https://urait.ru>

2. Полпред (обзор СМИ). – Режим доступа: <https://polpred.com/news>

10 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА

Для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используются аудитории, оснащённые учебной мебелью, аудиторной доской, компьютером с установленным лицензионным специализированным программным обеспечением, с выходом в электронно-библиотечную систему и электронную информационно-образовательную среду БГПУ, мультимедийными проекторами, экспозиционными экранами.

Самостоятельная работа студентов организуется в аудиториях оснащенных компьютерной техникой с выходом в электронную информационно-образовательную среду вуза, в специализированных лабораториях по дисциплине, а также в залах доступа в локальную сеть БГПУ.

Лицензионное программное обеспечение: операционные системы семейства Windows, Linux; офисные программы Microsoft office, LibreOffice, OpenOffice; Adobe Photoshop, Matlab, DrWeb antivirus и т.п.

Разработчик: А.С. Якшина, к.ф.-м.н., доцент

11 ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ И ДОПОЛНЕНИЙ

Утверждение изменений в рабочей программе дисциплины для реализации в 2020/2021 уч. г.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2020/2021 уч. г. на заседании кафедры (протокол № 10 от «16» июня 2020 г.).

В рабочую программу дисциплины внесены следующие изменения и дополнения:

№ изменения: 1	
№ страницы с изменением: Титульный лист	
Исключить:	Включить:
МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ	МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Утверждение изменений в рабочей программе дисциплины для реализации в 2021/2022 уч. г.

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2021/2022 уч. г. на заседании кафедры физического и математического образования (протокол № 8 от «21» апреля 2021 г.).

Утверждение изменений и дополнений в РПД для реализации в 2022/2023 уч. г.

РПД пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2022/2023 учебном году на заседании кафедры физического и математического образования (протокол № 1 от 21 сентября 2022 г.).

В рабочую программу внесены следующие изменения и дополнения:

№ изменения: 2	
№ страницы с изменением: 19	

В Раздел 9 внесены изменения в список литературы, в базы данных и информационно-справочные системы, в электронно-библиотечные ресурсы. Указаны ссылки, обеспечивающие доступ обучающимся к электронным учебным изданиям и электронным образовательным ресурсам с сайта ФГБОУ ВО «БГПУ».